

IDENTIFICAZIONE di ORBITE

2

Abbiamo due funzioni obiettivo

$$Q_h(x) = \frac{1}{m_h} \sum_i \xi_i = Q_h(x_h) + \frac{1}{m_h} (x-x_h) \cdot C'_h (x-x_h) + \dots \quad (h=1,2)$$

Costruiamo una funzione obiettivo congiunta:

$$\begin{aligned} m Q(x) &= \underline{\xi}_1 \cdot \underline{\xi}_1 + \underline{\xi}_2 \cdot \underline{\xi}_2 = m_1 Q_1(x) + m_2 Q_2(x) \\ \uparrow \\ m &= m_1 + m_2 \end{aligned} = m Q_0 + m \Delta Q(x)$$

dove $m Q_0 = m_1 Q_1(x_1) + m_2 Q_2(x_2)$

$$\begin{aligned} m \Delta Q(x) &= m_1 \Delta Q_1(x) + m_2 \Delta Q_2(x) \\ &= (x-x_1) \cdot C'_1 (x-x_1) + (x-x_2) \cdot C'_2 (x-x_2) + \dots \end{aligned}$$

Assumiamo che i due oggetti siano lo stesso:

$$\begin{aligned} m \Delta Q(x) &\approx (x-x_1) \cdot C'_1 (x-x_1) + (x-x_2) \cdot C'_2 (x-x_2) \\ &= x \cdot (C'_1 + C'_2) x - 2x \cdot (C'_1 x_1 + C'_2 x_2) + x_1 \cdot C'_1 x_1 + x_2 \cdot C'_2 x_2 \end{aligned}$$

Cerchiamo x_0 t.c.

$$m \Delta Q(x) \approx (x-x_0) \cdot C'_0 (x-x_0) + K$$

per una matrice C'_0 definita positiva.

Condizione di stazionarietà:

$$m \frac{\partial \Delta Q}{\partial x} = 2(C'_1 + C'_2)x - 2(C'_1 x_1 + C'_2 x_2) = 0$$

quindi

$$\boxed{x_0 = \Gamma_0 (C'_1 x_1 + C'_2 x_2)} \quad \text{con} \begin{cases} \Gamma_0 = C'_0{}^{-1} \\ C'_0 = C'_1 + C'_2 \end{cases}$$